

$$\begin{aligned} \underline{2.5} \quad & (n+1)^2 - (n-1)^2 \\ &= n^2 + 2n + 1 - (n^2 - 2n + 1) \\ &= 2n - (-2n) = 4n \end{aligned}$$

Achtung: $n^2 + n = n(n+1)$

$A_2(n): n^2 + n$ ist gerade

Ind. Verank.: $A_2(0)$

$0^2 + 0$ ist gerade? ✓

Ind. Schritt: Annahme: $A_2(n), n^2 + n$ gerade

Zeige: $A_2(n+1): (n+1)^2 + (n+1)$ gerade

$$\begin{aligned} (n+1)^2 + (n+1) &= \underline{n^2 + 2n + 1} + \underline{n + 1} = (n^2 + n) + 2n + 2 \\ &= \underbrace{(n^2 + n)}_{\text{gerade (Ind.)}} + \underbrace{2(n+1)}_{\text{gerade}} \quad \text{gerade} \end{aligned}$$